

Zentrale Abschlussprüfung Sekundarstufe I

Grundlegendes
Anforderungsniveau

2021

Mathematik (A)

Teil 1

Taschenrechner und Formelsammlung sind **nicht** zugelassen.

Name: _____

Klasse: _____

Datum: 11.06.2021

Allgemeine Arbeitshinweise

Die schriftliche Abschlussprüfung in Mathematik besteht aus zwei Teilen:

Teil 1 – Kürzere Aufgaben Grundwissen

Bearbeitungsdauer **40 Minuten**

(30 Minuten reguläre Bearbeitungszeit + 10 Minuten zusätzliche Bearbeitungszeit)

Du darfst **keinen Taschenrechner** und **keine Formelsammlung** verwenden.

Bearbeite die Aufgaben auf den **Aufgabenblättern**. Zum Eintragen der Lösungen und Rechnungen ist jeweils entsprechend Platz gelassen.

Teil 2 – Umfangreichere Aufgaben

Bearbeitungsdauer **80 Minuten**

(60 Minuten reguläre Bearbeitungszeit + 20 Minuten zusätzliche Bearbeitungszeit)

Taschenrechner und die in der Klasse verwendete **Formelsammlung sind erlaubt**.

Bei der Bearbeitung ist Folgendes zu beachten:

- Schreibe deine **Lösungswege übersichtlich** auf. Wenn du eine Lösung durch Probieren findest, musst du deine Überlegungen dazu aufschreiben.
- Hebe die **Ergebnisse hervor** (z.B. durch Unterstreichen oder in einem Antwortsatz oder als neue Zeile am Schluss der Berechnungen).
- Alle Seiten mit deinen Rechnungen müssen **fortlaufend nummeriert** werden.
- Auf jedem Blatt muss dein **Name** stehen.
- Am Schluss musst du alle verwendeten Blätter abgeben (auch die mit Nebenrechnungen).
- Halte dich zu Beginn nicht zu lange mit Aufgaben auf, für die du keine Lösungsidee hast. Bearbeite zuerst alle Aufgaben, die du gut lösen kannst. Erst danach versuche es noch mal bei den Aufgaben, für die du mehr Zeit brauchst. Sonst besteht die Gefahr, dass du nicht fertig wirst und unnötig Punkte verlierst.
- Bei einigen Aufgaben muss nicht ausführlich gerechnet werden, sondern es reichen Überschlüsse oder Begründungen ohne Rechnungen. Achte beim Lesen der Aufgaben darauf.
- Ergebnisse müssen **sinnvoll** gerundet werden.

Aufgabe 3:

Konstruiere ein Rechteck mit den Seitenlängen $a = 7,4$ cm und $b = 4,8$ cm.
Miss die Länge der Diagonalen und gib sie an.

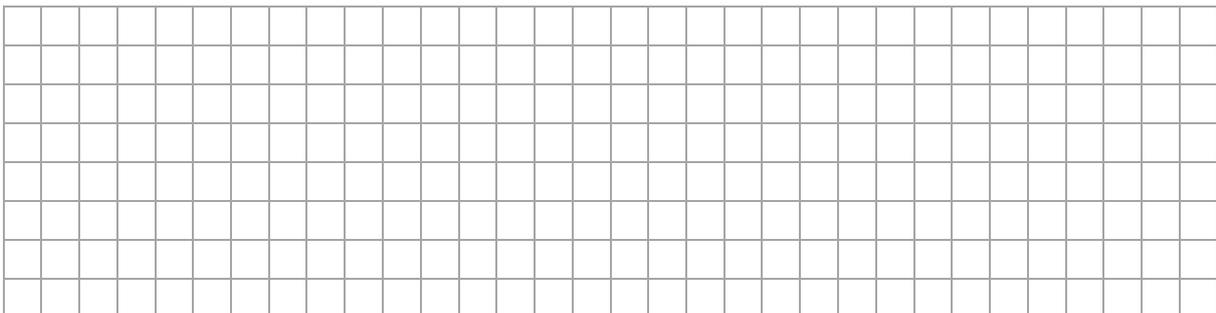
/2 Punkte

Aufgabe 4:

Auf einem Foto ist eine 2 m große Person
neben einem Baum abgebildet.

Auf dem Foto ist die Person 6 cm hoch und der Baum 42 cm.

Berechne die Höhe des Baums in Metern.



/2 Punkte

Zentrale Abschlussprüfung Sekundarstufe I

Grundlegendes
Anforderungsniveau

2021

Mathematik (A)

**Hinweise und Lösungen
– für Lehrkräfte –**

1. Wahlaufgaben / Zeiten / Hilfsmittel

a) Wahlaufgaben

In Teil 2 gibt es drei Wahlaufgaben: Eine aus dem Bereich Stochastik („Kaffee und Kuchen“), eine aus dem Bereich Geometrie („Müllbehälter“) und eine weitere aus dem Bereich Geometrie („Beachvolleyball-Anlage“). Von diesen drei Wahlaufgaben müssen zwei vorher ausgewählt werden. Dies geschieht für alle Schüler:innen einer Klasse einheitlich durch die Fachlehrkraft.

b) Bearbeitungszeiten und Hilfsmittel

Die reguläre Bearbeitungszeit der Aufgaben beträgt 90 Minuten. Aufgrund der Corona-Einschränkungen wird allen Schüler:innen außerdem eine **zusätzliche Arbeitszeit von 30 Minuten** als kompensatorische Maßnahme gewährt (vgl. Mitteilung 42/2021 der SKB):

Für den **Teil 1** sind somit insgesamt **40 Minuten** vorgesehen. Es werden Geodreieck und Bleistift benötigt. Taschenrechner und Formelsammlung sind nicht zugelassen.

Der **Teil 2** umfasst eine Bearbeitungszeit von insgesamt **80 Minuten**. Taschenrechner sind zugelassen. Es darf die in der Klasse verwendete Formelsammlung (auch eine selbst erstellte) benutzt werden.

Zwischen dem Teil 1 und dem Teil 2 soll eine Pause liegen.

Der **Teil 1** wird auf den **Aufgabenblättern** bearbeitet. Für zusätzliche Rechnungen ist dort entsprechender Platz vorgesehen. Die Schüler:innen erhalten für den **Teil 2** kariertes Papier von der Schule.

Die Schüler:innen müssen **alle** verwendeten Blätter (Aufgabenblätter, Arbeitsblätter sowie alle Blätter mit Nebenrechnungen) mit Namen versehen und zusammen mit ihrer Arbeit abgeben.

2. Punktbewertung

Alternative Lösungswege, sofern sie mathematisch korrekt sind, werden entsprechend bewertet.

Weichen Ergebnisse durch anderes Runden geringfügig von den Musterlösungen ab, so können sie wie die Musterlösungen gewertet werden.

Ungenauere Ergebnisse, die durch probierende Verfahren erzielt wurden, sowie teilweise korrekte Lösungen sind anteilig zu bewerten. Es werden **nur ganze Punkte** gegeben!

Notenschlüssel

Note	1	2	3	4	5	6
Punkte	72 - 61	60 - 51	50 - 40	39 - 29	28 - 14	13 - 0

3. Auswertungsübersicht und Rückmeldebogen

Auf Wunsch einiger Schulen haben wir an das Ende dieser Hinweise für Lehrkräfte einen Auswertungsbogen angehängt, in den zur Vorbereitung auf die internetgestützte Dateneingabe alle Ergebnisse eingetragen werden können. Sie können diesen Auswertungsbogen auch über das ZAP-Internetportal unter dem Menüpunkt „Materialien“ herunterladen oder ausdrucken.

Zusätzlich finden Sie am Ende dieser Hinweise auch einen Rückmeldebogen, über den Sie uns Ihre Anmerkungen und Verbesserungsvorschläge mitteilen können.



Teil 1							Punkte
1	a)	10% entsprechen einem Anteil von	$\frac{1}{1000}$	$\frac{1}{20}$	$\frac{1}{100}$	$\frac{1}{10}$	6
	b)	$25 \cdot 22 =$	500	552	550	555	
	c)	$\frac{2}{5} \cdot \frac{5}{6} =$	$\frac{1}{3}$	$\frac{7}{11}$	$\frac{1}{6}$	$\frac{1}{30}$	
	d)	$4 \cdot x \cdot x =$	x^4	$4x$	x^2	$4x^2$	
	e)	$12,2 - 6,25 =$	5,95	5,995	6,9	6,95	
	f)	Ein Würfel hat eine Kantenlänge von 4 cm. Dann beträgt sein Volumen	16 cm^3	40 cm^3	12 cm^3	64 cm^3	
2	$51.200 \text{ kg} > 5,12 \text{ t}$ $79 \text{ dm} < 8000 \text{ mm}$ $35 \text{ Liter} > 3500 \text{ cm}^3$					3	
3	Zeichnung des Rechtecks Länge der Diagonalen $d \approx 8,8 \text{ cm}$					2	
4	Der Baum hat eine Höhe von 14 m .					2	
5	Spannweite = 8 °C $105 : 5 = 21$, also beträgt der Durchschnitt = 21 °C					1 2	
6	$x = 10$					2	
7	60% entsprechen 360 € .					1	
8	Netz 2 ergibt einen Würfel.					1	
9	$= B2 \cdot C2$ $= D2 + D3 + D4$ oder jeweils andere richtige Formeln					1 1	
10	Steigung $m = \frac{3}{2}$ oder $m = 1,5$					2	
Teil 1 Gesamt							24

Teil 2										Punkte	
1. Schraubenfeder										Gesamt	16
a)	Angehängtes Gewicht in g	0	50	100	150	200	250	275	280	4	
	Länge der Feder A in cm	21	33	45	57	69	81	87	88,2		
b)	0,24: Hinzukommende Länge in cm pro Gramm angehängtes Gewicht. 21: Länge in cm ohne angehängtes Gewicht.									4	
c)	225 = 0,24 · x + 21 ⇔ x = 850 Man müsste 850 g anhängen.									4	
d)	Schnittpunkt bei (100 45) . D.h. bei jeweils 100 g angehängtem Gewicht sind beide Federn gleich lang, nämlich 45 cm .									4	
2. (Erste Wahlaufgabe) Kaffee und Kuchen										Gesamt	16
a)	Ereignis		Wahrscheinlichkeit			3					
			als Bruch	als Dezimalzahl	als Prozentangabe						
	nur ein Stück Kuchen		$\frac{5}{8}$	0,625	62,5 %						
	nur eine Tasse Kaffee		$\frac{1}{4}$	0,25	25%						
ein Stück Kuchen und eine Tasse Kaffee		$\frac{1}{8}$	0,125	12,5%							
5 korrekt: 3 P.			3 oder 4 korrekt: 2 P.		1 oder 2 korrekt: 1 P.						
b)	Behauptung				wahr	falsch	3				
	Es wird <u>einmal</u> gedreht. Die Wahrscheinlichkeit, dass der Gewinn <i>eine Tasse Kaffee</i> enthält, beträgt 37,5 %.				x						
	Es wird <u>einmal</u> gedreht. Die Wahrscheinlichkeit, dass der Gewinn <i>kein Stück Kuchen</i> enthält, beträgt 37,5 %.					x					
Es wird <u>zweimal</u> gedreht. Die Wahrscheinlichkeit, <i>zwei Stücke Kuchen</i> zu gewinnen ist höher als die, <i>zwei Tassen Kaffee</i> zu gewinnen.				x							
c)	$P(\text{zwei Stücke Kuchen}) = \frac{5}{8} \cdot \frac{5}{8} = \frac{25}{64} (\approx 0,39 \approx 39 \%)$									3	
d)	$P(\text{ein Stück Kuchen und eine Tasse Kaffee}) = 2 \cdot \frac{5}{8} \cdot \frac{1}{4} = \frac{5}{16} (= 0,3125 = 31,25 \%)$									3	
e)	Kuchen: 5 Felder, Kaffee: 13 Felder, Kaffee und Kuchen: 2 Felder Richtige Anteile gefärbt: 3 P., Richtige Beschriftung: 1P.									4	

3. (Zweite Wahlaufgabe) Müllbehälter		Gesamt	16
a)	$A_{\text{Kreis}} = \pi \cdot 13^2 \approx 530,9$ $A_{\text{Mantel}} = 2 \cdot \pi \cdot 13 \cdot 32 \approx 2613,8$ $O = A_{\text{Kreis}} + A_{\text{Mantel}} = \mathbf{3144,7}$ Die Oberfläche hat einen Flächeninhalt 3144,7 cm ² .		5
b)	$U = \pi \cdot 16 \approx 50,27$ $50,27 \cdot 18 \approx \mathbf{905}$ Die Mülltonne wurde ca. 9 m weit gezogen. (cm-Angabe ebenfalls zulässig)		3
c)	Berechnung Seitenwand: $G = \frac{7 \cdot 25}{2} = \mathbf{87,5}$ Die Seitenwand hat also 87,5 cm ² Flächeninhalt. $V = G \cdot h = 87,5 \cdot 60 = \mathbf{5250}$ Das Volumen der Bordsteinrampe beträgt 5250 cm ³ .		4
d)	$c^2 = 25^2 + 7^2$ $c \approx \mathbf{25,96}$ Die schräge Seite ist ungefähr 26 cm lang.		4
4. (Dritte Wahlaufgabe) Beachvolleyball-Anlage		Gesamt	16
a)	$2 \cdot 16 + 2 \cdot 8 = \mathbf{48}$ Das Band muss 48 m lang sein.		2
b)	$\sqrt{8^2 + 16^2} \approx \mathbf{17,89}$ Die Diagonale ist 17,89 m lang.		4
c)	$A = 26 \cdot 18 - 8 \cdot 16 = \mathbf{340}$ A = 340 m²		3
d)	$V = 18 \cdot 26 \cdot 0,4 = 187,2$ $187,2 \cdot 1,4 = \mathbf{262,08}$ Es werden 262,08 t Sand benötigt.		4
e)	$262,08 \cdot 1,1 \approx 288,29$ $288,29 : 25 \approx \mathbf{11,53}$ Es werden 12 LKW-Fahrten benötigt (bzw. 24 LKW-Fahrten, wenn die Rückwege mitgerechnet werden).		3
		Teil 2 Gesamt	48
		Gesamt	72